ЛОКАЛЬНА ВЗАЄМОДІЯ ЕЛЕКТРОНІВ З ПОТЕНЦІАЛОМ КРИСТАЛІЧНИХ ДЕФЕКТІВ У ТВЕРДОМУ РОЗЧИНІ $Cd_xHg_{1-x}Te$ (x = 0.52; 0.59; 1) ЗА НИЗЬКОЇ ТЕМПЕРАТУРИ

О.П. Малик

Національний університет "Львівська політехніка" вул. С. Бандери 12, 79013, Львів, Україна

(Отримано 17 липня 2008 р.)

Запропоновано близькодіючу модель розсіяння електронів на потенціалі статичної деформації в твердому розчині $Cd_xHg_{1-x}Te$ (x = 0.52; 0.59; 1). Розраховано температурні залежності рухливості електронів в інтервалі 4.2 - 300K.

Ключові слова: явища переносчу, розсіяння носіїв заряду.

РАСS: 72.20.Dp **УДК:** 621.315.592

Вступ

електронів у Розсіяння твердому розчині $Cd_xHg_{1-x}Te$ розглядалося в наближенні часу релаксації у [1-3]. Однак моделі розсіяння, що використовувалися у цих роботах, мають істотний недолік – вони є далекодіючі. У них припускалось, що носій взаємодіє з усім кристалом (електрон-фононна взаємодія) або носій взаємодіє з потенціалом зарядженої домішки, радіус дії якого $\sim 50 - 100a_0$ (a_0 – стала ґратки). Однак таке припущення суперечить спеціальній теорії відносності, згідно з якою носій взаємодіє тільки з сусідніми областями кристала (для електрон-фононної взаємодії). Крім того, для дефектів з потенціалом взаємодії $U \approx \frac{1}{r^n}$ (n = 1, 2)на відстанях $\sim 10a_0$ потенціал стає величиною другого порядку, тоді як зазначені вище моделі розглядаються у першому (борнівському) порядку. З іншого боку, у [4] були запропоновані близькодіючі моделі розсіяння, в яких вищевказані недоліки були відсутні. При цьому припускалося, що носій взаємодіє з потенціалом дефекту тільки в межах однієї елементарної комірки. Однак у цих двох підходах є спільний недолік – значне розходження теорії та експерименту за низьких температур.

Мета роботи – розроблення додаткової близькодіючої моделі розсіяння, яка б узгодила теорію та експеримент за низьких температур.

I. Теорія

Ймовірність переходу електрона зі стану **k** в стан **k**', викликаного взаємодією з полярним оптичним (ПО), неполярним оптичним (НПО), п'єзооптичним (ПОП), п'єзоакустичним (ПАК), акустичним фононами (АК) та іонізованою домішкою (ІД) вибиралась згідно з [4]:

$$\begin{split} W_{\Pi O}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') &= \frac{64\pi^7 \gamma_{PO}^{10} e^4}{225 \varepsilon_0^2 a_0^4 G} \frac{M_x + M_{Te}}{M_x M_{Te}} \times \\ &\times \left\{ \frac{1}{\omega_{LO}} \left[N_{LO} \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \right. \\ &+ \left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon + \hbar \omega_{LO}) \right] + \\ &+ \left(N_{TO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{TO}) + \\ &+ \left(N_{TO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon + \hbar \omega_{TO}) \right] \right\}; \end{split}$$

$$\begin{split} W_{H\Pi O}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') &= \frac{\pi^3 E_{H\Pi O}^2}{288 a_0^2 G} \frac{M_x + M_{Te}}{M_x M_{Te}} \times \\ &\times \left\{ \frac{1}{\omega_{LO}} \left[N_{LO} \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &+ \left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon + \hbar \omega_{LO}) \right] + \\ &+ \left(N_{TO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{TO}) + \\ &+ \left(N_{TO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{TO}) + \\ &+ \left(N_{TO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{TO}) \right] \right\}; \end{split}$$

$$\begin{split} W_{\Pi O \Pi}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') &= \left(\frac{32}{75} \right)^2 \frac{\pi^9 e^2 e_{14}^2 \gamma_{PZ}^{10}}{\varepsilon_0^2 G} \frac{M_x + M_{Te}}{M_x M_{Te}} \times \\ &\times \left\{ \frac{1}{\omega_{LO}} \left[N_{LO} \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &+ \left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar \omega_{LO}) + \\ &\left(N_{LO} + 1 \right) \delta(\varepsilon' -$$

$$+\frac{1}{\omega_{TO}} [N_{TO}\delta(\varepsilon' - \varepsilon - \hbar\omega_{TO}) + (N_{TO} + 1)\delta(\varepsilon' - \varepsilon + \hbar\omega_{TO})] + (N_{TO} + 1)\delta(\varepsilon' - \varepsilon + \hbar\omega_{TO})] \};$$

$$W_{\Pi AK}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') = \frac{128\pi^7 e^2 e_{14}^2 a_0^2 \gamma_{PZ}^{10} k_B T}{225\varepsilon_0^2 \hbar G [x M_{Cd} + (1-x) M_{Hg} + M_{Te}]} \times$$

$$\times \left(\frac{1}{c_{LO}} + \frac{2}{c_{TO}}\right) \ \delta(\varepsilon' - \varepsilon); \tag{4}$$

$$W_{AK}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') = \frac{\pi \kappa_B T D_{AK}}{144\hbar G_2} [M_x + M_{Te}] \times \left(\frac{1}{c_{LQ}} + \frac{2}{c_{TQ}}\right)^2 \delta(\varepsilon' - \varepsilon);$$
(5)

$$W_{I\mathcal{A}}(\mathbf{k},\mathbf{k}') = \frac{\pi e^4 Z_i^2 N_{I\mathcal{A}} \gamma_{II}^4 a_0^4}{2\varepsilon_0^2 \hbar V} \delta(\varepsilon' - \varepsilon), \qquad (6)$$

© О.П. Малик, 2008

де $M_x = xM_{Cd} + (1 - x)M_{Hg}, M_{Hg}, M_{Cd}, M_{Te}$ – маса атома; G – кількість елементарних комірок в об'ємі кристала; ϵ_0 – діелектрична стала; е –заряд електрона; N_{LO} ; N_{TO} – число поздовжніх (LO) та поперечних (TO) фононів з частотою ω_{LO} і ω_{TO} відповідно; e_{14} – компонента п'єзоелектричного тензора; k_B – стала Больцмана; c_{LO} , c_{TO} – відповідні швидкості звуку; V – об'єм кристала; $N_{I\mathcal{A}}$ – концентрація іонізованих домішок; Z_i – кратність іонізації домішки; \hbar – стала Планка; $\delta(\varepsilon)$ – дельта-функція Дірака; E_{AK} , $E_{\rm HIO}$ – акустичний та оптичний потенціали деформації відповідно; γ_{PO} , γ_{PZ} , γ_{II} – підгоночні параметри, що визначають радіус дії близькодіючого потенціалу ($R = \gamma a_0$, $0 \leq \gamma_{PO}, \gamma_{PZ} \leq 0.86, 0 \leq \gamma_{II} \leq 1$).

Варото зазначити, що сильна степенева залежність підгоночних параметрів різко обмежує можливості вибору їх чисельних значень.

Для опису взаємодії електрона з потенціалом невпорядкованості (НП) використовувалась ймовірність переходу, визначена у [5].

Крім вищезгаданих механізмів розсіяння, розглянемо так званий механізм розсіяння на потенціалі статичної деформації (СД). Згідно з [6] потенціал, спричинений полем деформації, має вигляд

$$U(\mathbf{r}) = \frac{9b_0^3 e e_{14}}{\varepsilon_0} \frac{1}{r^2},$$
(7)

де величина b_0 має розмірність довжини і пов'язана з розміром дефекту.

У виразі (7) кутовою залежністю поля деформації знехтувано. Дотримуючись принципу близькодії, приймемо, що $b_0 = a_0$. Для розрахунку матричного елемента переходу використовувалася хвильова функція електрона у вигляді плоскої хвилі, нормованої на об'єм кристала:

$$\left\langle \mathbf{k}'|U(\mathbf{r})|\mathbf{k}\right\rangle = \frac{9a_0^3ee_{14}}{V\varepsilon_0} \frac{4\pi}{q}Si(qR),\tag{8}$$

де $q = |\mathbf{k}' - \mathbf{k}|$; Si(x) – інтегральний синус.

Попередній розрахунок показує, що хвильовий вектор електрона (і величина q разом з ним) змінюється в межах $0 - 10^9 M^{-1}$ за зміни енергії в межах $0 - 10k_BT$ в інтервалі температур 4.2 - 300 K. Для значення $R \approx 10^{-10} M$ це дає оцінку для Si(x) = $= C \approx 0.1$. У результаті вираз для ймовірності переходу має вигляд

$$W_{C\mathcal{I}}(\mathbf{k}, \mathbf{k}') = \frac{2^5 3^4 \pi^3 C^2 a_0^6 e^2 e_{14}^2 N_{SS}}{V \varepsilon_0^2 \hbar} \frac{1}{q^2} \delta(\varepsilon' - \varepsilon), \quad (9)$$

де N_{SS} – концентрація дефектних центрів.

При використанні формалізму точного розв'язку стаціонарного рівняння Больцмана [7] в інтегралі по кутовій змінній θ з'являється логарифмічна розбіжність. Для уникнення цієї розбіжності поступаємо так: обмежимо нижню границю інтеграла так, щоб узгодити теорію з експериментом, тобто використаємо цей інтеграл як підгоночний параметр:

$$\gamma_{SS} = \int_{\theta_0}^{\pi} \frac{\sin\theta}{1 - \cos\theta} d\theta, \qquad (10)$$

де θ_0 – кут, що відповідає підгоночному параметра γ_{SS} .

Зауважимо, що аналогічний спосіб вибору нижньої границі інтеграла використовується і в методі Конуелла-Вайскопфа [8]. Однак отримані при цьому значення радіуса дії потенціалу є занадто великі (наприклад, для концентрації дефектів ~ $10^{15} cm^{-3}$ величина $R \sim 160a_0$).

Після цього отримаємо величини $K^{nm}_{\beta\alpha}$, що фігурують у формалізмі точного розв'язку рівняння Больцмана:

$$K_{\beta\alpha}^{nm} = -\frac{2V}{(2\pi)^3} \frac{2^5 3^3 \pi^2 a_0^6 C^2 \hbar e^2 e_{14}^2 N_{SS} \gamma_{SS}}{\varepsilon_0^2 k_B T} \,\delta_{\alpha\beta} \times \\ \times \int f_{0n}(\varepsilon) \left[1 - f_{0n}(\varepsilon)\right] k^4(\varepsilon) \, \left[\frac{dk(\varepsilon)}{d\varepsilon}\right]^2 \varepsilon^{n+m} d\varepsilon,$$

$$\tag{11}$$

де $f_{0n}(\varepsilon)$ – функція Фермі-Дірака для електронів; $\delta_{\alpha\beta}$ – символ Кронекера і початок відліку енергії знаходиться на дні зони провідності.

Відзначимо, що в (11) як підгоночний параметр фігурує добуток $\gamma_{SS}N_{SS}$.

II. Аналіз отриманих результатів

Порівняння теоретичних температурних залежностей рухливості електронів проводилося з експериментальними даними, представленими у [2, 3] для кристалів $Cd_xHg_{1-x}Te$ зі складом x = 0.52; 0.59; 1.0. Для x = 0.52; 0.59 припускалась модель однократно іонізованої домішки, а рівень Фермі визначався з рівняння $n = N_D = 1/eR_{exp}$ (R_{exp} – експериментальне значення коефіцієнта Холла, N_D – концентрація донорів). Для = 1 рівень Фермі розраховувався з рівняння нейтральності з врахуванням моделі структури дефектів, поданої у [2] (таблиця).

Параметри розсіяння

x	$\gamma_{\Pi O}$	$\gamma_{\Pi E}$	$\gamma_{I\mathcal{I}}$	$ \begin{array}{c} \gamma_{C\mathcal{A}} N_{C\mathcal{A}} \\ (\times 10^{14} cm^{-3}) \end{array} $
0.52	0.66	0.47	1.0	2.0
0.59	0.67	0.48	1.0	3.0
1.00	0.64	0.59	1.0	11.0

При розрахунках для x < 1 приймалися ті самі параметри матеріалу, що і в [4]. Для = 1 приймались такі параметри: ефективна маса важких дірок $m_{hh} = 0.63m_0 (m_0 - \text{маса електрона})$ [9]; спін-орбітальне розщеплення $\Delta = 0.92eB$ [10]; $e_{14} = 0.03457 - 1.39 \times 10^{-5}TK_A/M^2$ [9]. Теоретичні залежності $\mu(T)$, показані на рисунку. Суцільні лінії представляють криві, отримані на основі близькодіючих моделей у межах точного розв'язку рівняння Больцмана. У таблиці наведено отримані значення параметрів розсіяння γ . Бачимо, що теоретичні криві добре узгоджуються з експериментом у всьому розглянутому інтервалі температур.



Температурна залежність рухливості електронів в $Cd_xHg_{1-x}Te$. Суцільна лінія – змішаний механізм розсіяння. 1,2,3,4,5,6,7,8 – АК, ІД, НПО, ПАК, ПО, ПОП, НП, СД механізми розсіяння. Експеримент – [2, 3].

Для оцінки ролі різних механізмів розсіяння на рисунку точковими лініями показано відповідні залежності. Як бачимо, за низьких температур ($T < 50 \ K$) основним механізмом розсіяння є розсіяння на потенціалі статичної деформації та розсіяння на п'єзоакустичному фононі. Розсіяння невпорядкованості теж відіграють значну роль у цьому інтервалі. За високих температур внесок розсіяння на полярних оптичних фононах стає істотним. Решта механізмів розсіяння – АК-, ПОП-, НПО- та ІД- механізми розсіяння – дають знахтувано малий внесок.

Висновки

1. Запропонована близькодіюча модель розсіяння електронів на потенціалі статичної деформації в $Cd_xHg_{1-x}Te$ (x = 0.52; 0.59.1) дає добре узгодження теорії та експерименту в дослідженому інтервалі температур.

2. Завершена розробка послідовної близькодіючої теорії розсіяння носіїв заряду в твердому розчині $Cd_xHg_{1-x}Te$.

Література

- [1] Szymanska W., Dietl T. // J. Phys. Chem. Solids. 1978. – 39. – P.1025–1040.
- [2] Segall B., Lorenz M.R., Halsted R.E. // Phys. Rev. -1963. - 129. - P.2471-2481.
- [3] Scott W. // J. Appl. Phys. 1972. 43. P.1055-1062.
- [4] Malyk O.P. // Mater. Sci. & Engineering B. 2006. -129. - P.161-171.
- [5] Dubowski J.J. // Phys. Status Solidi (b). 1978. -85. - P.663-672.
- [6] Fedders P.A. // J. Appl. Phys. 1983. 54. P.1804-1807.
- [7] Malyk O.P. // WSEAS Trans. Math. 2004. 3. -P.354-357.
- [8] Conwell E.M., Weisskopf V.F. // Phys. Rev. 1950. – 77. – P.388–390.

[9] Landolt-Börnstein. Numerical Data and Functional Relationships in Science and Technology (New Series), III / 11, Springer Verlag. – Berlin, 1984. [10]~Wepfer~G.G. , Collins T.C. and Euwema R.N. // Phys. Rev. - 1971. - B9. - P.1296–1301.

THE LOCAL ELECTRON INTERACTION WITH THE POTENTIAL OF THE LATTICE DEFECTS IN $Cd_xHg_{1-x}Te$ (x = 0.52; 0.59; 1)SOLID SOLUTION AT LOW TEMPERATURE

O.P. Malyk

National University "Lvivska Politechnika" 12 S. Bandera Str., 79013, Lviv, Ukraine

Model of electron scattering on the short-range potential caused by the static strain field in the solid solution $Cd_xHg_{1-x}Te$ (x = 0.52; 0.59; 1) is proposed. The temperature dependences of electron mobility in the range 4.2 - 300K are calculated.

Keywords: transport phenomena, charge carrier scattering.

РАСS: 72.20.Dp **УДК:** 621.315.592