

**Editor-in-Chief  
Yuriy Bobalo**

# **Mathematical Modeling and Computing**

**Математичне моделювання  
та інформаційні технології**

**Volume 2 • Number 2**



**Founder and Publisher  
Lviv Polytechnic  
National University  
CMM IAPMM NASU  
2 0 1 5**



# **Mathematical modeling and computing**

## **Volume 2 • Number 2**

**2 0 1 5**

### **Editorial Board**

*Editor-in-Chief:*

Prof. **Yuriy Bobalo**, Lviv Polytechnic National University, Ukraine

*Executive Secretary:*

Adrian Torsky, Centre of Mathematical Modelling of IAPMM NASU, Ukraine

Prof. **Vilzhan Amerbayev**, Kazakhstan

Prof. **Viktor Berbyuk**, Sweden

Prof. **Andriy Bomba**, Ukraine

Prof. **Rostyslav Bun**, Ukraine

Prof. **Carlo Catani**, Italy

Prof. **Yevhen Chaplyia**, Ukraine (*Associate Editor*)

Prof. **Vasyl Chekurin**, Ukraine

Prof. **Olha Chernukha**, Ukraine

Prof. **Mieczyslaw Cieszko**, Poland

Prof. **Anatoly Dzyuba**, Ukraine

Prof. **Vasyl Gafiychuk**, USA

Dsc. **Bogdana Gajvas**, Ukraine (*Science editor*)

Prof. **Bogdan Gera**, Ukraine

Prof. **Oleksandr Hachkevych**, Ukraine

Prof. **Mariusz Kaczmarek**, Poland

Prof. **Petro Kalenyuk**, Ukraine

Prof. **Petro Kostrobij**, Ukraine (*Associate Editor*)

Prof. **Hryhoriy Kit**, Ukraine

Prof. **Jozef Kubik**, Poland

Prof. **Roman Kushnir**, Ukraine

Prof. **Myroslav Kutniv**, Ukraine

Prof. **Oleksandr Kutsenko**, Ukraine

Prof. **Oleg Limarchenko**, Ukraine

Prof. **Leonid Lyubchyk**, Ukraine

Prof. **Petro Malachivskyj**, Ukraine

Prof. **Bogdan Mandziy**, Ukraine

Phd. **Bogdan Markovich**, Ukraine (*Associate Science Editor*)

Dsc. **Rostyslav Martynak**, Ukraine

Prof. **Oleg Mashkov**, Ukraine

Prof. **Yaroslav Matviichuk**, Ukraine

Prof. **Mykola Medykovskyj**, Ukraine

Prof. **Roman Musij**, Ukraine

Prof. **Viktor Mykhaskiv**, Ukraine

Prof. **Taras Nahirnyj**, Ukraine

Prof. **Oleksandr Nakonechnyi**, Ukraine

Prof. **Yuriy Nyashin**, Russia

Prof. **Yuriy Povstenko**, Poland

Dsc. **Yaroslav Pyanylo**, Ukraine (*Associate Editor*)

Prof. **Michael La Rocca**, Italy

Prof. **Jaroslaw Rybicki**, Poland

Prof. **Yarema Savula**, Ukraine

Prof. **Alois Shtendl**, Austria

Prof. **Yaroslav Sokolovskyi**, Ukraine

Prof. **Mykhailo Sukhorolsky**, Ukraine

Prof. **Heorhiy Sulym**, Ukraine

Prof. **Andriy Tevyashev**, Ukraine

Prof. **Imre Timar**, Hungary

Prof. **Mykhailo Tokarchuk**, Ukraine

Prof. **Anatoly Vlasyuk**, Ukraine

Prof. **Mykola Vojtovych**, Ukraine

#### **Founder and Publisher**

Lviv Polytechnic National University

Centre of Mathematical Modelling of IAPMM named  
after Ya. S. Pidstryhach Ukrainian National Academy of Sciences

#### **Address for contacts:**

Lviv Polytechnic National University  
12 S. Bandera Str, Lviv, 79013, Ukraine  
e-mail: kostroby@lp.edu.ua

Centre of Mathematical Modelling of IAPMM named  
after Ya. S. Pidstryhach Ukrainian National Academy of Sciences  
15 Dudyayev Str., Lviv, 79005, Ukraine  
e-mail: pjanryo@cmm.lviv.ua

**Lviv Polytechnic  
Publishing House**  
4 F. Kolessa Str, Lviv, 79013, Ukraine  
Tel.: +38 032 258 2242  
vlp@vlp.com.ua; http://vlp.com.ua

**Printing Center  
of Lviv Polytechnic Publishing House**  
4 F. Kolessa Str, Lviv, 79013, Ukraine  
Tel.: +38 032 258 2242

© Lviv Polytechnic National University, 2015  
© CMM IAPMM NASU, 2015



Науково-технічний журнал

"**Математичне моделювання та інформаційні технології**"  
№2 (4) • 2015

Виходить двічі на рік з 2014 року.

#### **Засновник і видавець**

Національний університет "Львівська політехніка"

Центр математичного моделювання Інституту прикладних  
проблем механіки і математики ім. Я. С. Підстригача НАН України

#### **Контактна адреса:**

Національний університет "Львівська політехніка"  
вул. С. Бандери, 12, Львів, 79013, Україна  
e-mail: kostroby@lp.edu.ua

Центр математичного моделювання Інституту прикладних  
проблем механіки і математики ім. Я. С. Підстригача НАН України  
вул. Дж. Дудаєва, 15, Львів, 79005, Україна  
e-mail: pjanryo@cmm.lviv.ua

Мова видання англійська.

Рекомендувала Вчена рада  
Національного університету "Львівська політехніка"  
(протокол № 3 від 24.03.2015 р.)

© Національний університет "Львівська політехніка", 2015  
© ЦММ ІППММ НАНУ, 2015



**ISSN 2312-9794**

# CONTENTS

## 115 Bezverkhyi O. I., Zinchuk L. P., Karlash V. L.

Modeling of the piezoceramic resonator electric loading conditions based on experimental data

## 128 Chekurin V. F., Postolaki L. I.

A variational method of homogeneous solutions for axisymmetric elasticity problems for cylinder

## 140 Gachkevich M. G., Gachkevich O. R., Torskyy A. R., Dmytruk V. A.

Mathematical models and methods of optimization of technological heating regimes of the piecewise homogeneous glass shell. State-of-the-art investigations

## 154 Kostrobij P. P., Grygorchak I. I., Ivaschyshyn F. O., Markovych B. M., Viznovych O. V., Tokarchuk M. V.

Mathematical modeling of subdiffusion impedance in multilayer nanostructures

## 160 Kushnir R. M., Popovych V. S., Rakocha I. I.

Mathematical modelling, determination and analysis of the thermostressed state in a thermosensitive three-layer hollow cylinder subjected to the convective-radiative heating

## 176 Lukyanets B. A., Matulka D. V.

Effect of magnetic field on quantum capacitance of the nanoobject

## 183 Nahirnyj T. S., Tchervinka K. A.

Wave processes in the locally nonhomogeneous solids

## 191 Stasyuk I. V., Velychko O. V.

Electron spectrum of intercalated stage ordered layered structures: Periodic Anderson model approach

